# Оценки влияния ионосферы на амплитуду, фазовое запаздывание и поляризацию радиолокационного сигнала

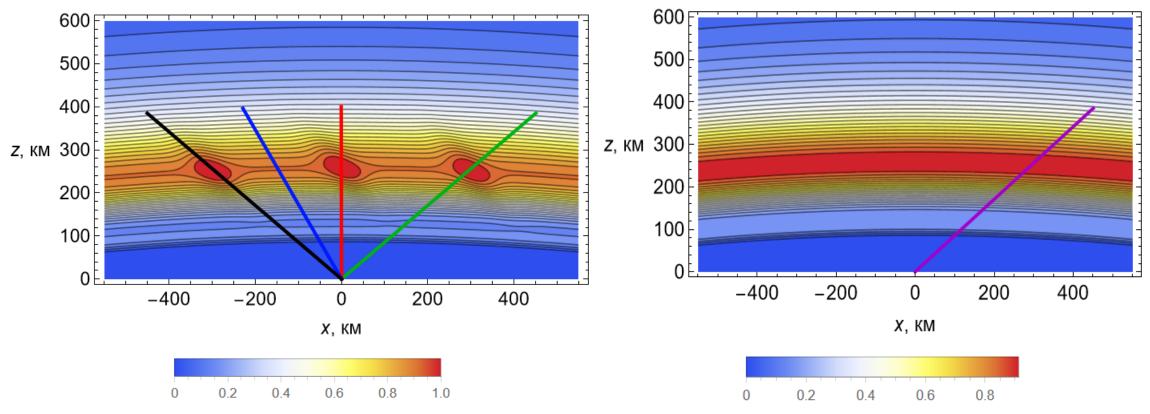
Крюковский А.С., Кутуза Б.Г., Растягаев Д.В.

Работа выполнена в рамках Госзадания по теме «Космос-2»

#### Тема исследования

- Исследовано влияние ионосферы и ионосферных неоднородностей на распространение радиосигнала дециметрового диапазона.
- Рассмотрено прохождение радиолокационного сигнала, излученного космическим аппаратом, через ионосферу Земли при наличии серии перемещающихся ионосферных возмущений.
- Для диапазона частот от 200 до 1500 МГц выполнен расчет отклонения луча от прямолинейного распространения, изменения времени задержки, фазового запаздывания, девиации фазы.
- Выполнен анализ влияния ионосферы на амплитуду радиосигнала и его поляризацию.
- Проведен расчет полной электронной концентрации и фарадеевского вращения при наличии ионосферных неоднородностей.

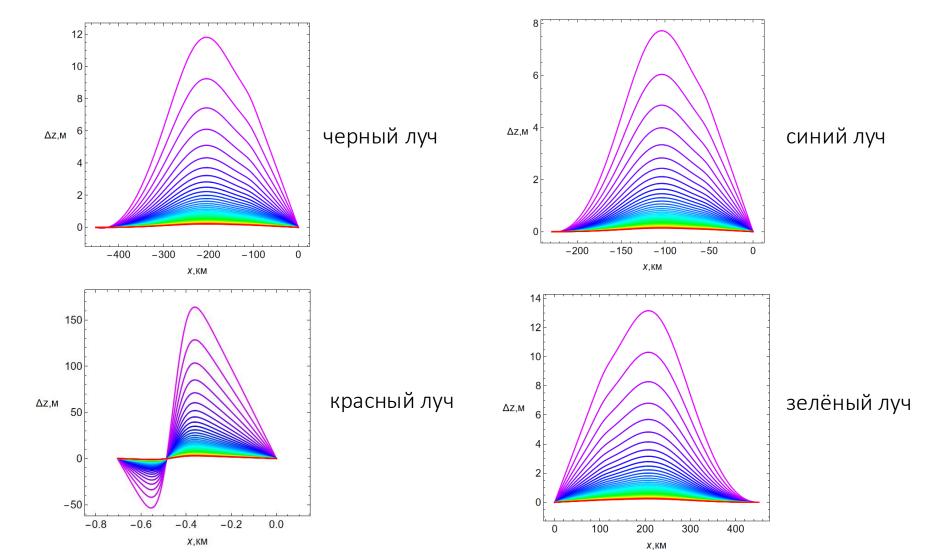
#### Постановка задачи. Модель ионосферы



Выбраны следующие углы прихода лучей в приёмник, расположенный на поверхности Земли: луч 1—  $\alpha$ =139.5°, луч 2 —  $\alpha$ =120°, луч 3 —  $\alpha$ =90.1°, луч 4 —  $\alpha$ =40.5°. При расчете предполагалось, что величина напряжённости магнитного поля Земли

 $H_0$  равна 0.465 Э, угол наклонения равен 57°, угол склонения — 0°.

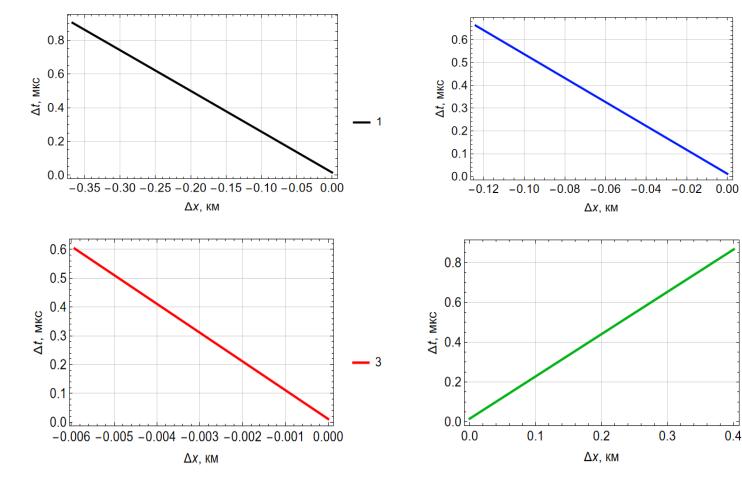
# Отклонение луча от прямолинейного распространения из-за рефракции



нижняя красная линия соответствует частоте 1500 МГц,

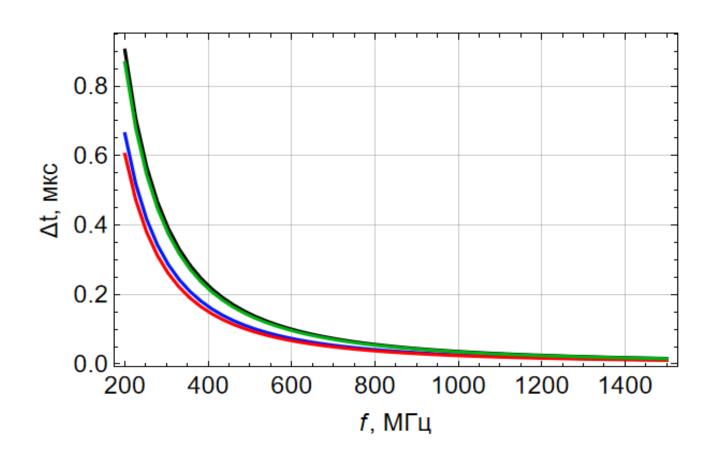
верхняя сиреневая линия — частоте 200 МГц.

### Зависимость изменения времени задержки $\Delta t$ от изменения расстояния $\Delta x$



Каждая точка соответствует определённой частоте. Здесь  $\Delta x = x_f - x_k$ ,  $x_f$ горизонтальная координата передатчика на частоте f, необходимая для того, чтобы луч пришел в приёмник под выбранным углом, а  $\Delta t$ = $t_f$ -r/c.  $t_f$ - это время распространения сигнала на частоте f, r— расстояние от передатчика до приёмника по прямой, c — скорость света.

## Зависимость изменения времени задержки $\Delta t$ от частоты f



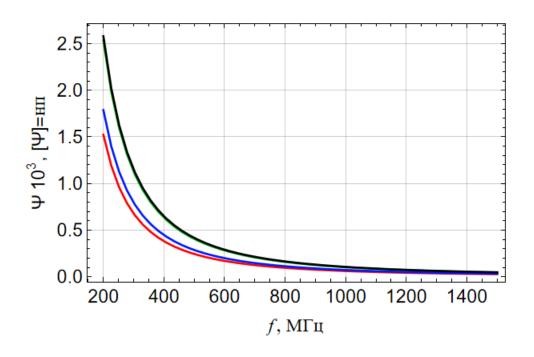
#### Влияние ионосферы на амплитуду радиосигнала

$$A = E_0 D e^{-\Psi}$$

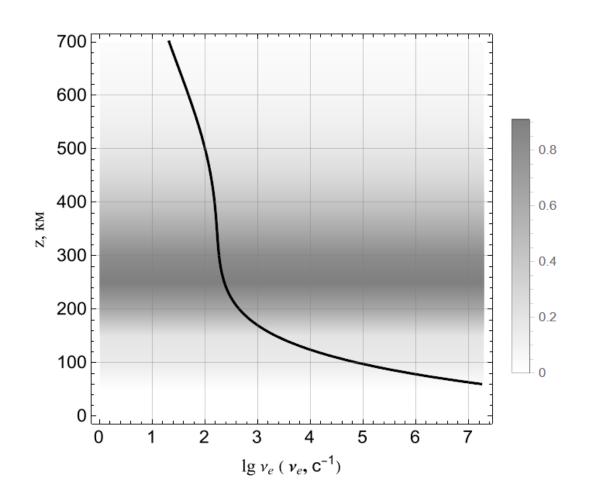
- $E_{o}-$  это амплитуда поля на некотором расстоянии  $r_{0}$  от источника излучения вне ионосферы,
- D расходимость лучей,  $\psi$  поглощение.
- В первом приближении можно считать, что лучевые траектории это прямые линии.
- Без учета поглощения амплитуда сигнала убывает как 1/r, где r это расстояние от источника излучения до приёмника.

$$A = \frac{\sqrt{30W}}{r}e^{-\Psi}$$

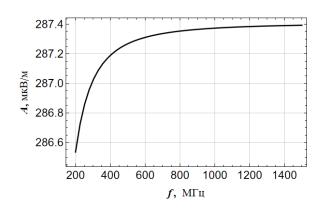
### Зависимость поглощения от частоты для разных лучевых траекторий

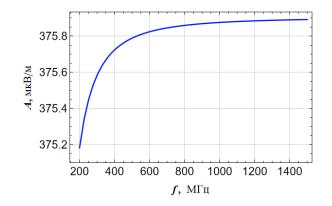


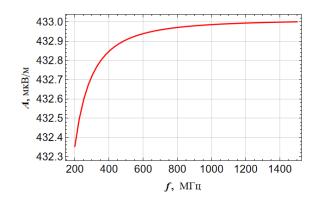
# Зависимость эффективной частоты соударений электронов от высоты

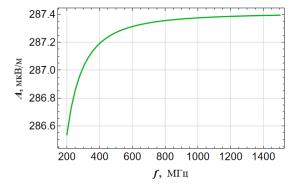


# Изменение амплитуды A сигнала с частотой f

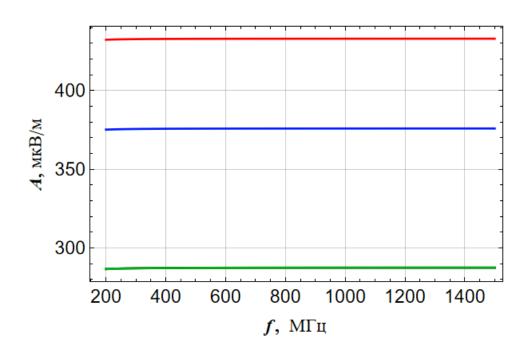








#### Зависимость амплитуды от частоты



#### Фазовое запаздывание

$$\Phi = \int_{0}^{t} k_{x} dx + k_{y} dy + k_{z} dz$$

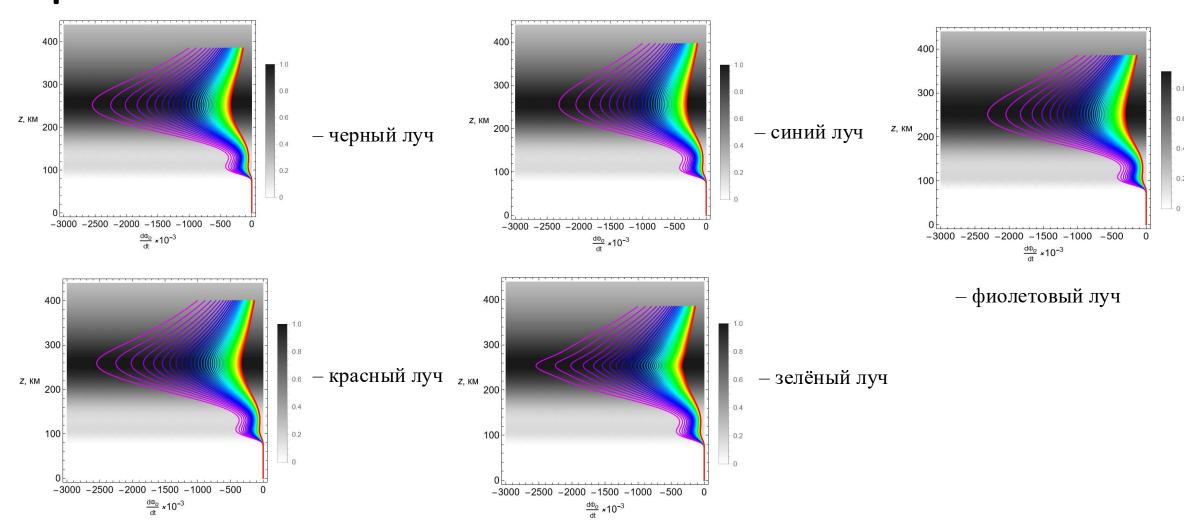
$$t$$
 — время,  $\ddot{r} = (x, y, z)$  — координаты  $\ddot{k} = (k_x, k_y, k_z)$  — волновой вектор

$$\Phi_0 = \omega \frac{r}{c}$$
 — набег фазы  $\Phi_0$  в свободном пространстве

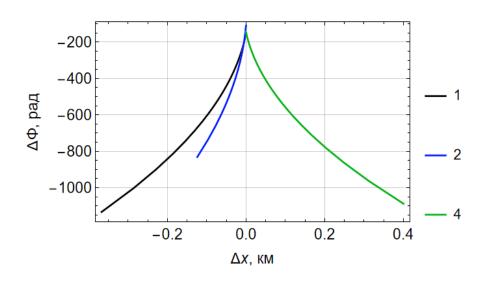
 $\Delta\Phi=\Phi-\Phi_0$  — изменение фазы за счёт влияния ионосферы

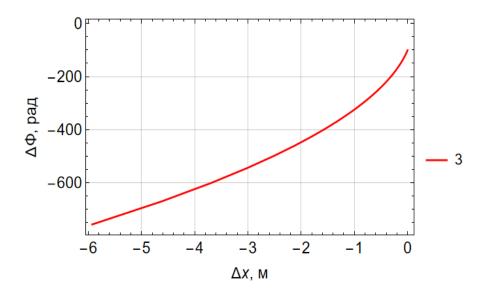
$$\frac{d\Phi_o(t)}{dt} = \frac{dx}{dt}k_x(t) + \frac{dy}{dt}k_y(t) + \frac{dz}{dt}k_z(t) - \omega - \text{скорость изменения фазы вдоль траектории}$$

### Скорость изменения фазы вдоль лучей на разных частотах

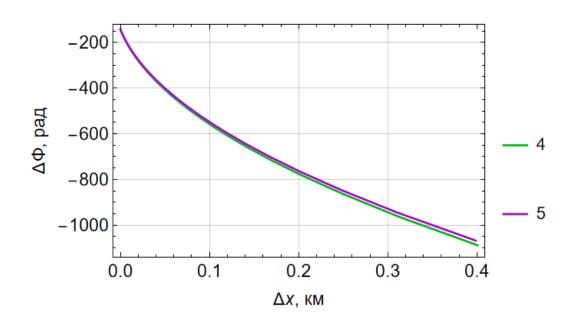


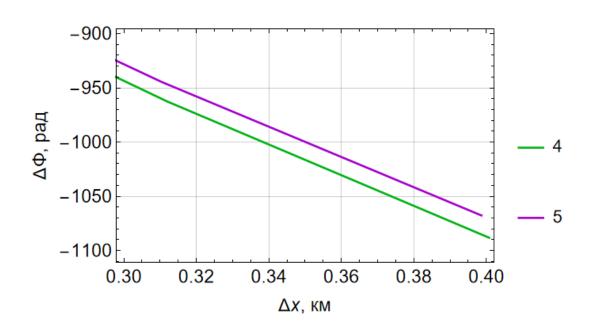
# Зависимость девиации фазы $\Delta\Phi$ от приращения $\Delta x$ в модели с ПИВами





# Сравнение зависимости девиации фазы $\Delta\Phi$ от приращения $\Delta x$

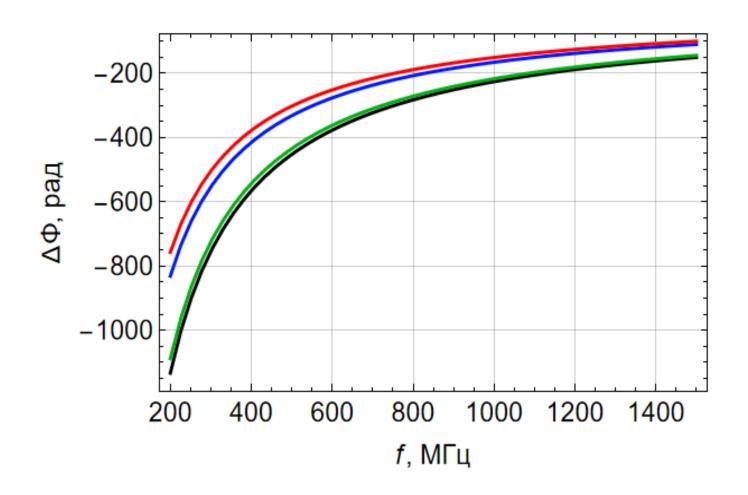




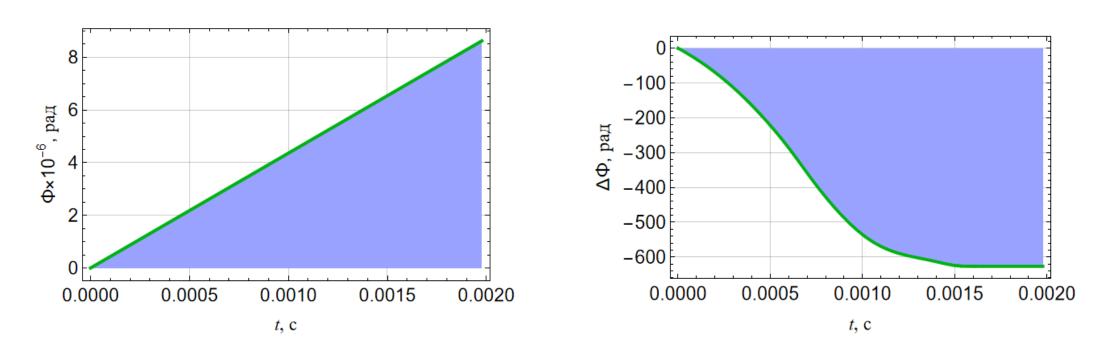
– в моделях с ПИВами (зеленая кривая 4)и без ПИВов (фиолетовая кривая

– фрагмент

### Девиация фазы $\Delta\Phi$ в точке приёма в зависимости от частоты f



## Изменение фазы (а) и девиации фазы (б) вдоль луча



Выбрана траектория 4 и частота 694 МГц. Зависимость фазы от времени выглядит как линейная (а).

Если убрать линию тренда и оставить только девиацию фазы (б), то картина меняется: девиация сначала быстро нарастает (по модулю), а когда луч покидает ионосферу, остаётся постоянной.

#### Полная электронная концентрация (ТЕС)

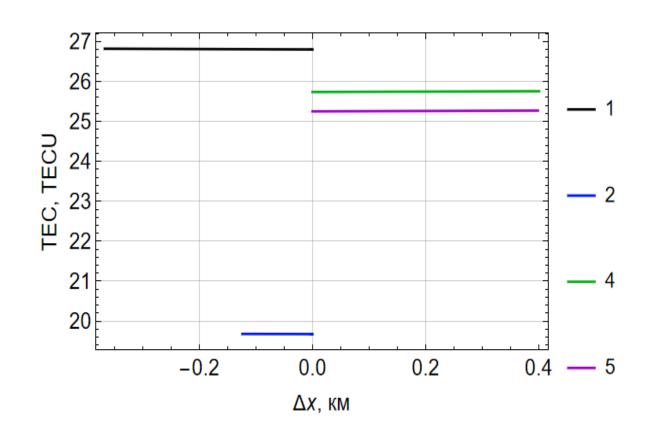
• Формула для расчета полной электронной концентрации (ТЕС)

$$TEC = 10^{-12} \int_{0}^{t} N(r) \sqrt{(x'_{\eta})^{2} + (y'_{\eta})^{2} + (z'_{\eta})^{2}} d\eta$$

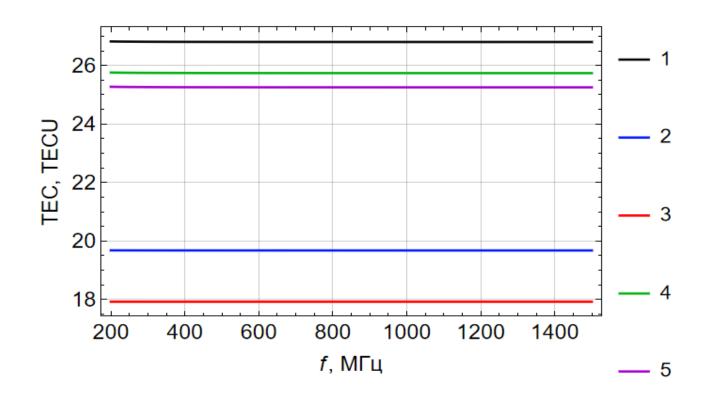
•  $\eta$  – время вдоль траектории, N – электронная концентрация

# Зависимость полной электронной концентрации (TEC) от приращения $\Delta x$

- Показана зависимость полной электронной концентрации от приращения  $\Delta x$ .
- Значения ТЕС мало меняются с частотой.
- Для первой траектории TEC≈26.8 TECU,
- для второй траектории TEC≈19.7 TECU,
- для третьей траектории (на рис. не показана) ТЕС≈17.9 ТЕСU,
- для четвёртой траектории TEC≈25.75 TECU,
- для пятой траектории (без ПИВ) TEC≈25.3 TECU.



# Зависимость полной электронной концентрации (TEC) от частоты f



#### Поляризация и фарадеевское вращение

• Угол вращения плоскости поляризации  $\Omega$  рассчитывается по формуле

$$\Omega(t) = \frac{\omega}{2c} \int_{0}^{t} \Delta\mu \sqrt{\left(x_{\eta}'\right)^{2} + \left(y_{\eta}'\right)^{2} + \left(z_{\eta}'\right)^{2}} d\eta$$

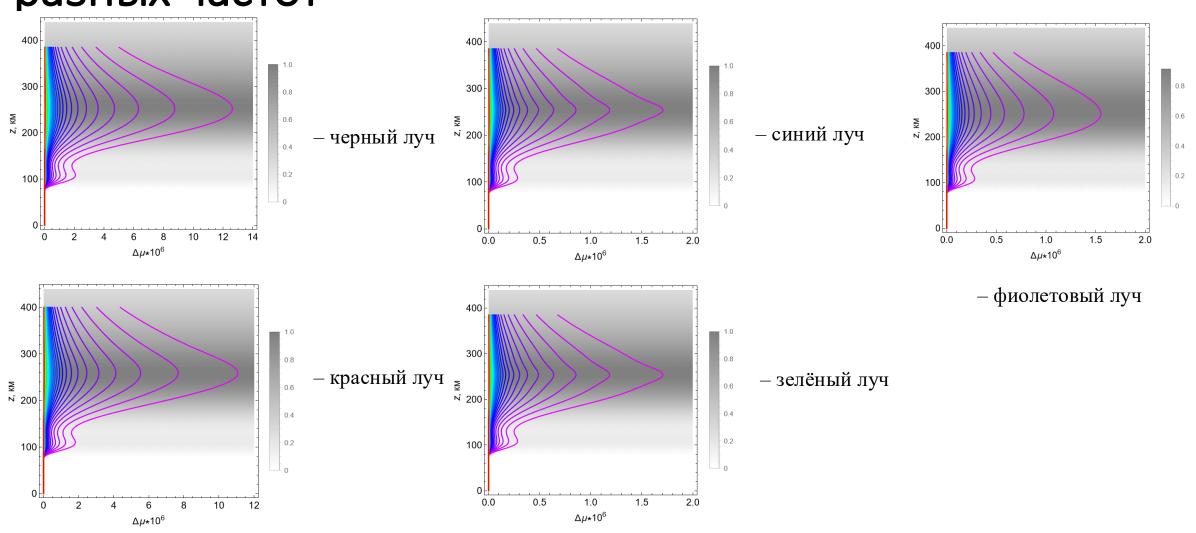
•  $\Delta \mu$  — это разность показателей преломления обыкновенной и необыкновенной волны

$$\Delta \mu \cong \frac{X}{2} \frac{\sqrt{Y^4 \sin^4 \theta + 4(1 - X)^2 Y^2 \cos^2 \theta}}{(1 - X)(1 - Y^2 \cos^2 \theta) - Y^2 \sin^2 \theta}$$

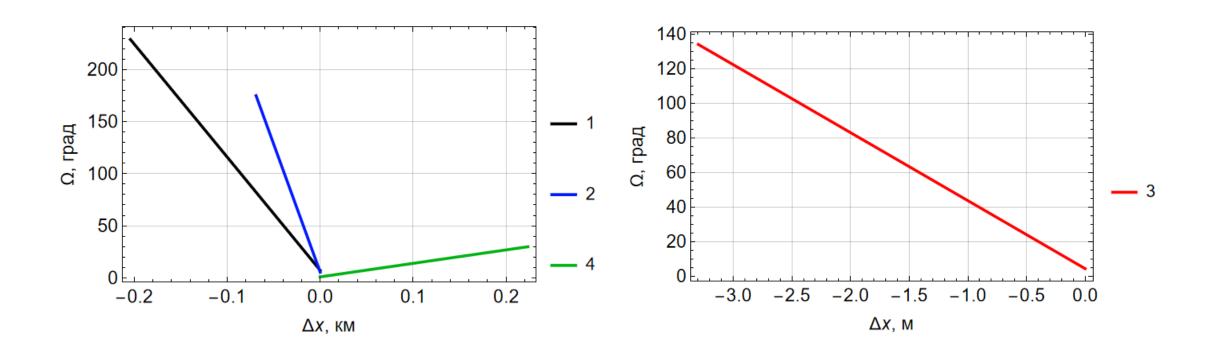
$$Y = \frac{\omega_H}{\omega} = \frac{e H_0}{m_e c \omega} \qquad X = \left(\frac{\omega_p}{\omega}\right)^2 \qquad \omega_p = \sqrt{\frac{4\pi e^2 N}{m_e}}$$

 $\theta$ – угол между вектором напряженности магнитного поля Земли и волновым вектором

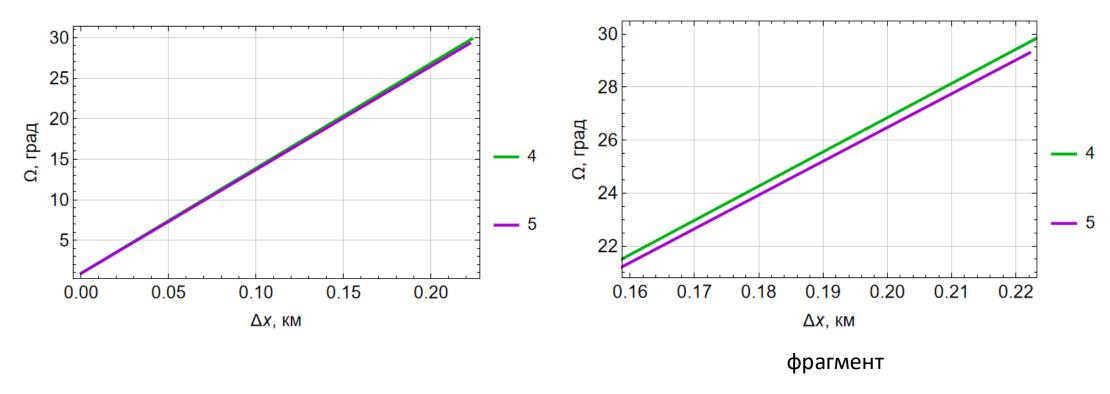
Разность показателей преломления обыкновенной и необыкновенной волны как функция высоты для разных частот



# Зависимость угла фарадеевского вращения $\Omega$ от приращения $\Delta x$ в модели с ПИВами

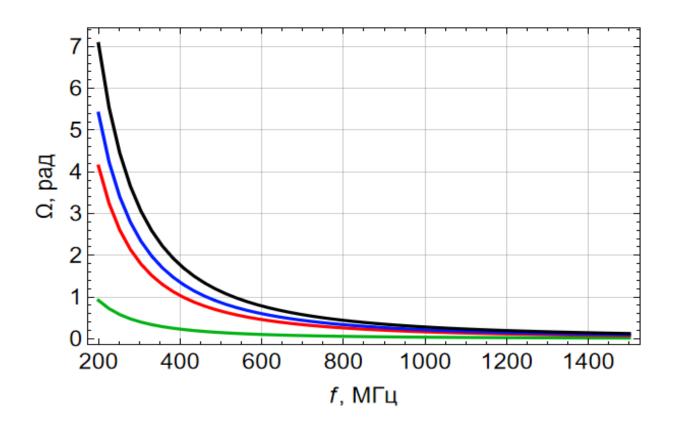


#### Сравнение зависимостей угла фарадеевского вращения $\Omega$ от приращения $\Delta x$

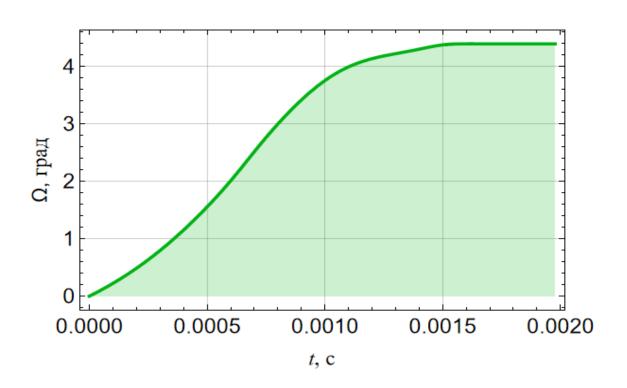


Линии очень близки, однако на 200 МГц отличие может составлять 0.5 градуса даже в случае четвёртого луча, для которого фарадеевское вращение минимально

# Зависимости угла фарадеевского вращения $\Omega$ от частоты f



### Изменение угла фарадеевского вращения вдоль лучевой траектории



Если источник излучения расположен в ионосферной плазме, то при распространении сигнала вдоль луча угол фарадеевского вращения сначала ускоренно нарастает, потом зависимость становится линейной, далее скорость изменения угла медленно уменьшается с уменьшением электронной концентрации.

Покинув ионосферный слой, угол вращения перестаёт меняться и остаётся постоянным до встречи с Землей.

#### Выводы

- влияние поглощения на амплитуду радиосигнала на выбранных частотах невелико (меньше 1 мкВ/м);
- ошибка полного электронного содержания вдоль выбранной трассы не превышает 0.02 TECU;
- отклонения луча от прямолинейного распространения может на наклонных трассах на частоте 200 МГц достигать 400 м по горизонтали и превышать 12 м по вертикали;
- угол фарадеевского вращения существенно зависит от ориентации трассы относительно магнитного поля Земли и на 200 МГц принимает значения от 1 до 7 радиан в зависимости от ориентации трассы; с ростом частоты значения угла быстро уменьшаются;
- девиация фазы отрицательная, по модулю это сотни радиан, и даже для частоты 1500 МГц девиация составляет более 100 рад.
- прохождение траектории через ПИВ слабо сказывается на интегральных характеристиках, но оказывает существенное влияние на дифференциальные;
- на выбранных частотах коэффициенты поляризации по модулю близки к единице, а продольной (вдоль траектории) компонентой поля можно пренебречь.